UNICIDAD DE LA DISTRIBUCIÓN CUASI-ESTACIONARIA EN EL PROCESO DE CONTACTO MÓDULO TRASLACIONES

Expositor: Franco Arrejoria (IMAS-CONICET, francoarrejoria@gmail.com)
Autor/es: Franco Arrejoria (IMAS-CONICET, francoarrejoria@gmail.com); Pablo Groisman (IMAS-CONICET, pgrosima@dm.uba.ar); Leonardo Rolla (IMAS-CONICET and NYU-ECNU Institute of Mathematical Sciences at NYU Shanghai, leorolla@dm.uba.ar)

El proceso de contacto es uno de los sistemas de partículas más estudiados y modela la propagación de una enfermedad en una cierta población. Identificamos a un individuo de la población con un punto $x \in \mathbb{Z}^d$ y a la población infectada a tiempo t la notamos por $\eta_t \subseteq \mathbb{Z}^d$. Un individuo infectado infecta a cada uno de sus vecinos a tasa $\lambda > 0$ y se cura a tasa 1.

Es sabido que el proceso de contacto muestra un cambio de fase: existe un valor crítico $0 < \lambda_c < \infty$ tal que para $\lambda > \lambda_c$ el proceso tiene una distribución invariante soportada en configuraciones con infinitos individuos infectados, mientras que para $\lambda < \lambda_c$, la única distribución estacionaria está soportada en la configuración vacía \emptyset .

En este trabajo nos centramos en el caso $\lambda < \lambda_c$ al que llamamos subcrítico. En estas condiciones, toda configuración inicial con finitos individuos infectados desaparece casi seguramente (c.s) en tiempo finito. En ausencia de una distribución estacionaria no trivial tiene sentido estudiar el comportamiento cuasi-estacionario del sistema: dado un proceso $(\zeta_t)_{t\geq 0}$ que es absorbido c.s por un estado \emptyset , decimos que una distribución ν es una distribución cuasi-estacionaria (QSD) si el proceso, comenzando con ν , satisface $\mathbb{P}^{\nu}(\zeta_t \in |\zeta_t \neq \emptyset) = \nu$.

El proceso $(\eta_t)_{t\geq 0}$ descripto anteriormente es muy rígido para tener una QSD, ya que condicionando al evento poco probable $\eta_t \neq \emptyset$, si bien tipicamente van a haber pocos sitios infectados, estos no van a poder localizarse en una región determinada. En este contexto, consideremos el proceso de contacto módulo traslaciones en \mathbb{Z}^d , al que notamos $(\zeta_t)_{t\geq 0}$, que resulta de identificar en η_t las configuraciones que son traslaciones una de la otra. A diferencia de las distribuciones estacionarias, un proceso de Markov irreducible puede tener ninguna, una o infinitas distribuciones cuasi-estacionarias.

En este trabajo mostramos que, para el proceso de contacto módulo translaciones, existe una única QSD.