## K-MEDIAS CON DISTANCIAS APRENDIDAS

## Pablo Groisman

Universidad de Buenos Aires e IMAS-CONICET, Argentina pgroisma@dm.uba.ar

Consideraremos la consistencia de las k-medias (de Fréchet) en espacios métricos cuando las distancias son desconocidas y deben estimarse a partir de los datos. Mostraremos que las k-medias empíricas son consistentes si los espacios métricos empíricos convergen al poblacional en el sentido medido de Gromov-Hausdorff (mGH). Como consecuencia, obtenemos (a) consistencia de las k-medias calculadas con distancias de Fermat, (b) consistencia de las k-medias calculadas con el estimador de distancia geodésica de Isomap y (c) consistencia del k-baricentro empírico de Wasserstein calculado con estimadores basados en muestras de las medidas involucradas. Para (a) y (b), estos resultados son nuevos incluso para el caso k=1, hasta donde sabemos. Para (c), son bien conocidos para k=1, pero no para k>1, hasta donde sabemos. No asumimos la unicidad del baricentro, pero cuando éste es único, los resultados son más fuertes.

Trabajo en conjunto con Matthieu Jonckhere (LAAS, CNRS), Jordan Serres (Sorbonne) y Mariela Sued (Universidad de San Andrés).